

Příloha 442 článku [34. Oběh Stirlingova motoru](http://www.transformacni-technologie.cz/34.html), <http://www.transformacni-technologie.cz/34.html>.

Rovnice pro minimální a maximální velikost redukováného objemu Stirlingova motoru

$$\frac{dV_{red}}{d\varphi}:$$

$$V_{red} = V_{TV} + \tau \cdot V_{SV} + V_{TM} + \tau \cdot V_{SM} + \tau_R \cdot V_R, \quad [34.437].$$

$$V_{TV} = S_T \left[l + r - \sqrt{l^2 - r^2 \cdot \sin^2(\varphi)} - r \cdot \cos(\varphi) \right], \quad [34.440].$$

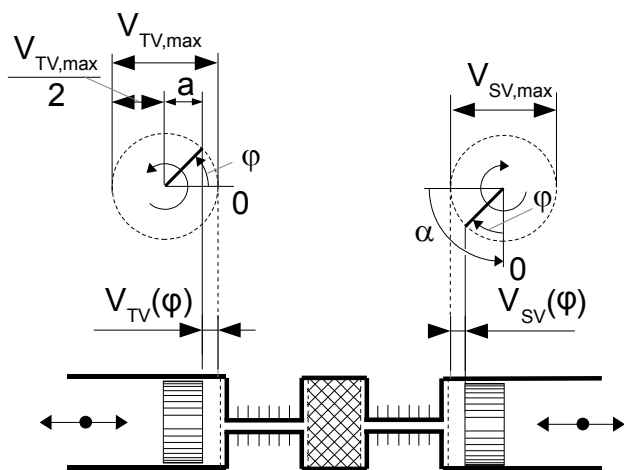
$$V_{SV} = S_T \left[l + r - \sqrt{l^2 - r^2 \cdot \sin^2(\varphi - \alpha)} - r \cdot \cos(\varphi - \alpha) \right], \quad [34.440].$$

$$\frac{dV_{red}}{d\varphi} = \frac{dV_{TV}}{d\varphi} + \tau \frac{dV_{SV}}{d\varphi},$$

$$\frac{dV_{TV}}{d\varphi} = \frac{1}{2} \left[l^2 - r^2 \cdot \sin^2(\varphi) \right]^{-\frac{1}{2}} (-2) r^2 \cdot \sin(\varphi) \cdot \cos(\varphi) + r \cdot \sin(\varphi),$$

$$\frac{dV_{SV}}{d\varphi} = \frac{1}{2} \left[l^2 - r^2 \cdot \sin^2(\varphi - \alpha) \right]^{-\frac{1}{2}} (-2) r^2 \cdot \sin(\varphi - \alpha) \cdot \cos(\varphi - \alpha) + r \cdot \sin(\varphi - \alpha).$$

Přibližná hodnota pootočení hřídele pro $V_{red,min}$ respektive $V_{red,max}$ se stanoví pro předpoklad nekonečně dlouhé ojnice:



Výpočet změny objemu válce pro případ nekonečně dlouhé ojnice.

Objem válce na teplé straně

$$V_{TV} = V_{TV,max} - \left(\frac{V_{TV,max}}{2} + a \right),$$

$$V_{TV,max} = S_T \cdot 2 \cdot r \quad [34.439]$$

$$\cos \varphi = \frac{a}{\frac{V_{TV,max}}{2}} \Rightarrow a = \frac{V_{TV,max}}{2} \cos \varphi,$$

$$V_{TV} = V_{TV,max} - \left(\frac{V_{TV,max}}{2} + \frac{V_{TV,max}}{2} \cos \varphi \right) = \frac{1}{2} V_{TV,max} (1 - \cos \varphi).$$

Stejný postup lze aplikovat i pro výpočet objemu válce na studené straně s tím, že pohyb pístu na studené straně opožděn o úhel α . To znamená, že místo proměnné φ bude vystupovat $\varphi - \alpha$:

$$V_{SV} = V_{SV,max} - \left(\frac{V_{SV,max}}{2} + \frac{V_{SV,max}}{2} \cos(\varphi - \alpha) \right) = \frac{1}{2} V_{SV,max} (1 - \cos(\varphi - \alpha)).$$

$$V_{SV,max} = S_S \cdot 2 \cdot r, \quad [34.439]$$

Poměr mezi maximální objemem válce na studené a teplé straně:

$$\frac{V_{SV,max}}{V_{TV,max}} = \frac{S_S}{S_T} = k_1$$

$$V_{SV} = \frac{1}{2} V_{TV,max} \frac{S_S}{S_T} [1 - \cos(\varphi - \alpha)].$$

Redukovaný objem:

$$V_{red} = \frac{1}{2} V_{TV,max} (1 - \cos \varphi) + \tau \frac{1}{2} V_{TV,max} \frac{S_S}{S_T} [1 - \cos(\varphi - \alpha)] + V_{M,red}$$

$V_{M,red} = V_{TM} + \tau \cdot V_{SM} + \tau_R \cdot V_R$, pro zjednodušení zápisu

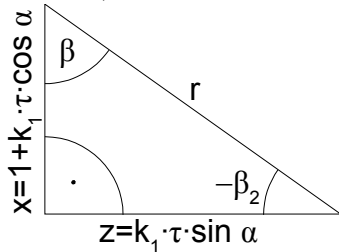
$$V_{red} = \frac{V_{TV,max}}{2} (1 - \cos \varphi + \tau \cdot k_1 - \tau \cdot k_1 \cos(\varphi - \alpha) + 2 \cdot k_2 \cdot V_{M,red}),$$

$$k_2 = \frac{V_{M,red}}{V_{TV,max}},$$

$$V_{red} = \frac{V_{TV,max}}{2} (1 + \tau \cdot k_1 + 2 \cdot k_2 \cdot V_{M,red} - \cos \varphi -$$

$$\begin{aligned}
 & -\tau \cdot k_1 \cos \varphi \cdot \cos \alpha - \tau \cdot k_1 \sin \varphi \cdot \sin \alpha) = \\
 & = \frac{1}{2} V_{\text{TVmax}} \left(A - \left[(1 + \tau \cdot k_1 \cos \alpha) \cos \varphi + \right. \right. \\
 & \left. \left. + \tau \cdot k_1 \sin \varphi \cdot \sin \alpha \right] \right) \quad (a),
 \end{aligned}$$

$$A = 1 + \tau \cdot k_1 + 2 \cdot V_{\text{M,red}}.$$



Přičemž pro pravoúhlý trojúhelník platí:

$$x = r \cdot \cos \beta, \quad z = r \cdot \sin \beta, \quad \tan \beta = \frac{z}{x},$$

$$r^2 = x^2 + z^2,$$

$$\sqrt{r^2} \cos(\varphi - \beta) = x \cdot \cos \varphi + z \cdot \sin \varphi,$$

$$x = 1 + k_1 \cdot \tau \cdot \cos \alpha, \quad z = k_1 \cdot \tau \cdot \sin \alpha,$$

$$\beta = \arctan\left(\frac{z}{x}\right) = \operatorname{arctg}\left(\frac{k_1 \cdot \tau \cdot \sin \alpha}{1 + k_1 \cdot \tau \cdot \cos \alpha}\right).$$

Odtud rovnicí úprava rovnice (a):

$$V_{\text{red}} = \frac{1}{2} V_{\text{TVmax}} (A + B \cdot \cos(\varphi - \beta)) \quad (b),$$

$$B = -\sqrt{x^2 + z^2},$$

$$x = 1 + \tau \cdot k_1 \cos \alpha,$$

$$z = \tau \cdot k_1 \cdot \sin \alpha,$$

$$\beta = \arctan\left(\frac{z}{x}\right) = \operatorname{arctg}\left(\frac{\tau \cdot k_1 \cdot \sin \alpha}{1 + \tau \cdot k_1 \cos \alpha}\right).$$

Extrémy V_{red} :

$$V_{\text{red,min}} = \frac{1}{2} V_{\text{TVmax}} (A + B):$$

$$\varphi_{\text{min}} = \beta = \operatorname{arctg}\left(\frac{\tau \frac{S_S}{S_T} \cdot \sin \alpha}{1 + \tau \frac{S_S}{S_T} \cos \alpha}\right),$$

$$V_{\text{red,max}} = \frac{1}{2} V_{\text{TVmax}} (A - B):$$

$$\varphi_{\text{max}} = \beta + \pi = \operatorname{arctg}\left(\frac{\tau \frac{S_S}{S_T} \cdot \sin \alpha}{1 + \tau \frac{S_S}{S_T} \cos \alpha}\right) + \pi.$$